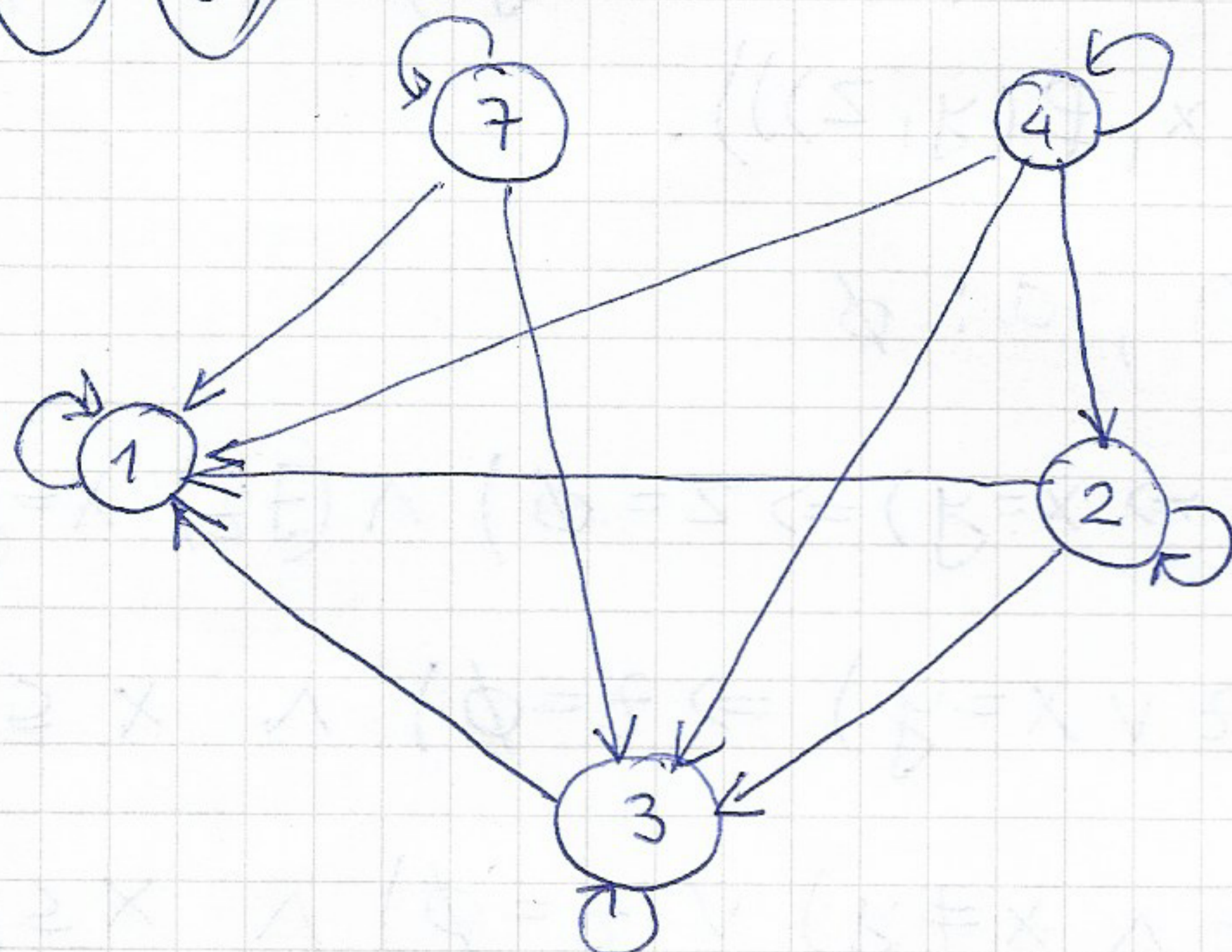


II (3. a)



$$S = \{1, 2, 3, 4, 7\}$$

$(S, \leq)$  је сета п.у.с.

6

б) Нека су  $x, y \in \mathbb{N}$  т.д.  $x \leq y$  и  $y \leq x$ .

Тада постоје негативни цели бројеви

$$k_1, k_2 \text{ т.д. } x = \frac{1-k_1}{3} y \text{ и } y = \frac{1-k_2}{3} x.$$

Одакле је

$$x = \frac{(1-k_1)(1-k_2)}{9} \cdot x$$

што је због  $x \neq 0$  еквивалентно са

$$(1-k_1)(1-k_2) = 9$$

$$1-k_1 \geq 2, \quad 1-k_2 \geq 2$$

$$1-k_1 = 1-k_2 = 3, \quad k_1 = k_2 = -2$$

$$y - 3x = k_1 y \Rightarrow x = y \text{ па је } \leq \text{ антисиметрична}$$

на скупу  $\mathbb{N}$ .

2

Нека су  $x, y, z \in \mathbb{N}$  такви да важи

$x \leq y$  и  $y \leq z$ . Тада постоје цели негативни бројеви  $k_1, k_2$  т.д. важи